



# Introdução à Análise Computacional

Design Aeronáutico Computacional – 7627  
2º Ano da Licenciatura em Engenharia Aeronáutica



## 1. Para quê?

- A análise computacional da aeronave permite analisar e dimensionar com rigor os vários aspectos que a caracterizam:
  - Aerodinâmica;
  - Estrutura;
  - Propulsão;
  - Dinâmica de voo;
  - Ruído;
  - Etc..



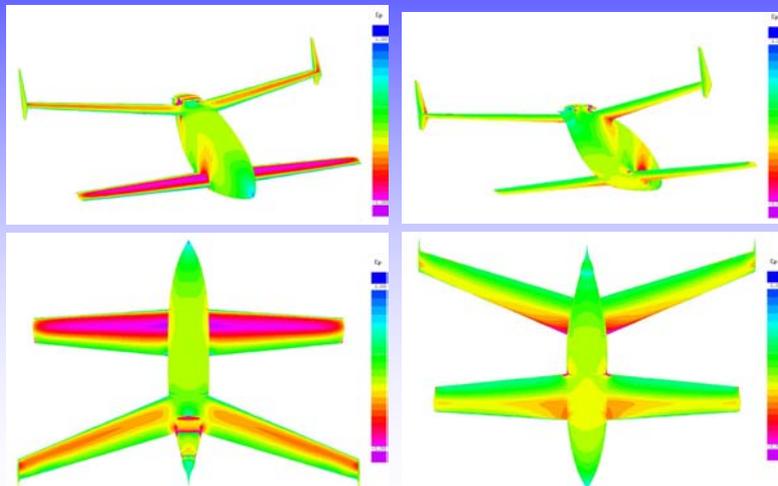
## 2. Aerodinâmica

- A análise aerodinâmica permite obter:
  - Forças e momentos aerodinâmicos;
  - Coeficientes aerodinâmicos;
  - Derivadas de estabilidade;
  - Distribuição de pressão;
  - Distribuição de fricção;
  - Etc..
- Com esta análise pode ajustar-se a forma do avião (asas, empenagens, fuselagem, etc.) por forma a ter-se as características aerodinâmicas adequadas aos requisitos, antes de partir para ensaios em túnel de vento.



### 2.1. Exemplo (1)

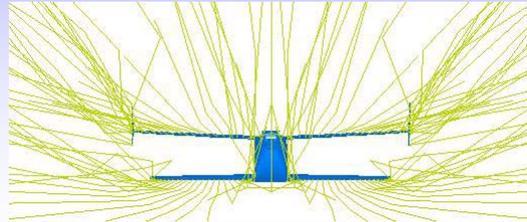
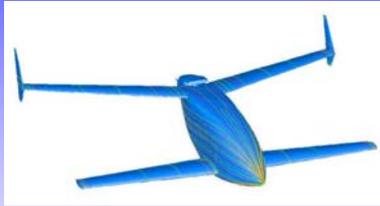
- Distribuição de  $C_p$ :





## 2.1. Exemplo (2)

- Linhas de corrente:



Pedro V. Gamboa - 2008



## 2.2. Ensaios Experimentais

- Ensaios em túnel de vento:



Pedro V. Gamboa - 2008



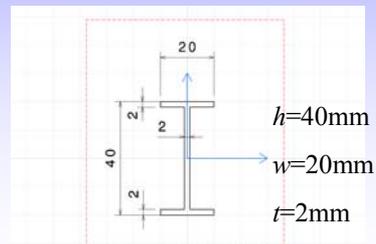
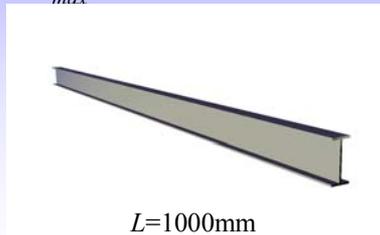
## 3. Estrutura

- A análise estrutural permite obter:
  - Esforços na estrutura;
  - Tensões e deformações;
  - Deslocamentos;
  - Modos de vibração e frequências naturais;
  - Etc..
- Com esta análise pode definir-se a estrutura (forma, materiais, etc.) para que as tensões e deformações aplicadas sejam inferiores aos valores admissíveis e o peso seja adequado, antes de partir para ensaios experimentais.



### 3.1. Exemplo (1)

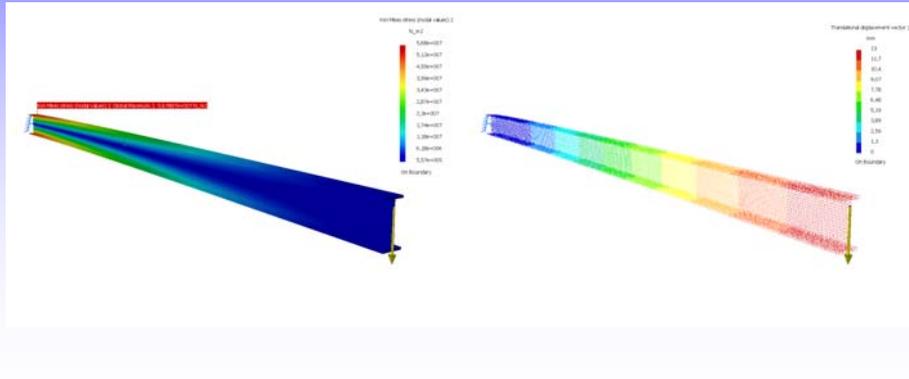
- Considerar a viga com secção em I da figura. Assumindo que ela está encastrada numa extremidade e que tem uma carga vertical  $F=100\text{N}$  aplicada na outra extremidade de cima para baixo, determinar a deflexão máxima e a tensão máxima resultantes.
- Considerar que o material é alumínio com  $E=70000\text{N/mm}^2$  e  $\sigma_{max}=95\text{N/mm}^2$ .





### 3.1. Exemplo (2)

- Tensão máxima de Von Mises: 56,8N/mm<sup>2</sup>
- Tensão máxima principal: 101N/mm<sup>2</sup> e -93,3N/mm<sup>2</sup>
- Deslocamento máximo: 13mm



Pedro V. Gamboa - 2008



### 3.1. Exemplo (3)

- Cálculo manual:

A tensão de flexão dada pela teoria simples da flexão de vigas é obtida com

$$\sigma = -\frac{My}{I}$$

onde  $M$  é o momento flector dado por

$$M = Fx$$

onde  $I$  é o momento de inércia da secção dado por

$$I = \left[ \frac{wt^3}{12} + wt \left( \frac{h-2t}{2} \right)^2 \right]_1 + \left[ \frac{t(h-2t)^3}{12} \right]_2 + \left[ \frac{wt^3}{12} + wt \left( \frac{h-2t}{2} \right)^2 \right]_3$$

$$I = 2 \left[ \frac{wt^3}{12} + wt \left( \frac{h-2t}{2} \right)^2 \right]_1 + \left[ \frac{t(h-2t)^3}{12} \right]_2$$

e  $y$  é a posição vertical na secção.

Pedro V. Gamboa - 2008



### 3.1. Exemplo (4)

A tensão de flexão máxima ocorre quando  $x$  é máximo e quando  $y$  é máximo, ou seja,  $x=L$  e  $y=h/2$ . Então

$$\sigma = -\frac{FLh}{2I}$$

O valor de  $I$  é

$$I = 2 \left[ \frac{20 \times 2^3}{12} + 20 \times 2 \times \left( \frac{(40 - 2 \times 2)}{2} \right)^2 \right] + \left[ \frac{2(40 - 2 \times 2)^3}{12} \right]$$

$$I = 33733.67 \text{mm}^4$$

e a tensão máxima fica

$$\sigma = -\frac{-100 \times 1000 \times 40}{2 \times 33722.67} = 59.3 \text{N/mm}^2$$



### 3.1. Exemplo (5)

O deslocamento na ponta da viga é dada por

$$\delta = \frac{FL^3}{3EI}$$

Substituindo os valores obtém-se

$$\delta = \frac{-100 \times 1000^3}{3 \times 70000 \times 33766.67} = -14.12 \text{mm}$$



## 4. Peso e Centragem

- Escolhem-se eixos de referência x e z:

$$- x_{CG} = \frac{\sum W_i x_i}{\sum W_i};$$

$$- z_{CG} = \frac{\sum W_i z_i}{\sum W_i};$$

item	designação	peso	braço x	momento x	braço z	momento z
1	parte 1	$W_1$	$x_1$	$W_1 x_1$	$z_1$	$W_1 z_1$
2	parte 2	$W_2$	$x_2$	$W_2 x_2$	$z_2$	$W_2 z_2$
3	parte 3	$W_3$	$x_3$	$W_3 x_3$	$z_3$	$W_3 z_3$

$$\sum W_i$$

$$\sum W_i x_i$$

$$\sum W_i z_i$$

