

Exemplo 3.03:

Cálculos efetuados com base na coesão interatômica sugerem que a tensão de rutura do vidro é aproximadamente 10 GPa. No entanto, a tensão de rutura obtida experimentalmente para este material é de apenas 1,5% desse valor. Griffith propôs que esse valor baixo se deve à presença de defeitos no material.

Calcular a dimensão $2a$ de uma fenda central, perpendicular à tensão direta aplicada na placa, consistente com a tensão de rutura experimental, sabendo que $E = 70 \text{ GPa}$ e $G = 1 \text{ J/m}^2$.

Considerando a equação geral para o fator de intensidade de tensão

$$K = XY\sigma\sqrt{\pi a} \quad (\text{i})$$

e resolvendo em ordem à dimensão característica da fenda, tem-se

$$a = \frac{1}{\pi} \left(\frac{K}{XY\sigma} \right)^2 \quad (\text{ii})$$

O fator de intensidade de tensão está relacionado com o módulo elástico, E , e com a taxa de libertação de energia potencial, G , usando a equação (3.12) para o modo I, da seguinte forma

$$K^2 = EG \quad (\text{iii})$$

Substituindo a equação (iii) na equação (ii), tem-se

$$a = \frac{EG}{\pi(XY\sigma)^2}$$

Agora, assumindo que $X=1$ e que $Y=1$, e sabendo que a tensão de rutura é $\sigma_f = 0.015 \times 10 \times 10^9 = 150 \times 10^3 \text{ Pa}$ o comprimento característico da fenda fica

$$a = \frac{EG}{\pi(XY\sigma_f)^2} = \frac{70 \times 10^9 \times 1}{\pi(1 \times 1 \times 150 \times 10^3)^2} = 0.99 \times 10^{-6} \text{ m} = 0.99 \times 10^{-3} \text{ mm} = 0.99 \text{ } \mu\text{m}$$

e o comprimento da fenda fica

$$2a \approx 2 \times 1 = 2 \text{ } \mu\text{m}$$